# Мощность потерь в индукторе бесферритных индукционных ртутных ламп НД с замкнутой разрядной трубкой

*Е.В. ЛОВЛЯ, О.А. ПОПОВ* \* НИУ «МЭИ», Москва \* E-mail: popovoleg445@yahoo.com

#### Аннотация

В рамках трансформаторной модели проведены оценки мощности потерь в ВЧ индукторе бесферритной индукционной лампы НД с замкнутой разрядной диэлектрической трубкой внутреннего диаметра 16, 25 и 38 мм при частоте ВЧ поля 1,7, 3,4 и 5,1 МГц и мощности плазмы разряда 25-500 Вт. Разряд возбуждался в смеси паров ртути (давление около  $7,5 \times 10^{-3}$  мм рт. ст.) и аргона (давление 0,1, 0,3 и 1,0 мм рт. ст.) с помощью катушки индуктивности с числом витков 3, 4 и 6, размещённой по «внутреннему» периметру указанной трубки. Установлено, что зависимость мощности потерь в проводе катушки ( $P_{coil}$ ) от мощности плазмы разряда имеет минимум и что  $P_{\text{coil}}$  падает с ростом частоты ВЧ поля, диаметра разрядной трубки и числа витков катушки индуктивности и слабо зависит от давления аргона. Результаты расчёта находятся в удовлетворительном качественном согласии с экспериментальными, а расхождения объясняются неучётом в модели разряда скин-эффекта и радиальной неоднородности напряжённости электрического поля.

Ключевые слова: индукционный разряд, замкнутая разрядная трубка, разрядная плазма, НД, катушка индуктивности, мощность потерь.

#### Введение

Плазма бесферритных индукционных разрядов, возбуждаемых в смеси паров ртути и инертных газов НД в замкнутых кварцевых трубках, – перспективный источник УФ излучения [1, 2]. Из-за отсутствия внутренних электродов индукционные УФ лампы могут работать при низких давлениях буферного инертного газа (0,1– 0,5 мм рт. ст.), наиболее эффективных для генерации УФ резонансного излучения ртутной плазмы НД [3]. Поскольку в бесферритном индукционном разряде НД, возбуждаемом на частоте f < 10 МГц, электромагнитное излучение ничтожно мало [4], то потребляемая лампой мощность  $P_{\text{lamp}}$ складывается из поглощаемой плазмой разряда мощности  $P_{\text{pl}}$  и мощности потерь в проводе катушки  $P_{\text{coil}}$ [5, 6]. Из этого следует, что для получения энергоэффективных индукционных УФ ламп следует максимизировать КПД катушки индуктивности  $\eta_{\text{coil}}$  (=1 –  $P_{\text{coil}}/P_{\text{lamp}}$ ) [1], т.е. минимизировать  $P_{\text{coil}}$ .

В настоящей работе с использованием трансформаторной модели индукционного разряда НД [5, 6] исследовалось влияния на  $P_{coil}$  конструктивных параметров замкнутой разрядной трубки (её диаметра и давления буферного инертного газа), числа витков катушки N, f и  $P_{pl}$ .

### Конструкции разрядной трубки и ВЧ индуктора

Расчёты проводились для ламп длиной  $(l_{lamp})$  406, 426 и 454 мм и шириной  $(H_{lamp})$  106, 126 и 154 мм соответственно, имеющих: разрядную трубку с внутренним диаметром  $(d_t)$  16, 25 и 38 мм и толщиной стенки ( $\Delta$ ) 1,0, 1,5 и 2,0 мм соответственно; катушку индуктивности из многожильного медного провода (литцендрат) диаметром  $(d_w)$  1,63 мм с удельным погонным сопротивлением  $(\rho_w)$  8,5·10<sup>-4</sup>

Ом/см (при f = 2-5 МГц) и N = 3, 4и 6, размещённую по «внутреннему» периметру лампы с длиной каждой «длинной» (lper) и каждой «короткой»  $(H_{\rm per})$  его сторон 370 и 70 мм соответственно (рис. 1). При этом: а) давление паров ртути в трубке принималось оптимальным (по максимуму потока резонансного излучения): порядка  $7,5 \cdot 10^{-3}$  мм рт. ст., а давление инертного газа (аргон) – равным 0,1, 0,3 и 1,0 мм рт. ст.; б) значения f выбирались из условия  $\omega \ll v_e$  (где  $\omega = 2\pi f - f$ круговая частота ВЧ поля, v<sub>e</sub> - частота упругих соударений в плазме электронов с атомами ртути и инертного газа), при котором можно пренебречь реактивной (индуктивной) составляющей напряжённости ВЧ электрического поля в плазме  $E_{pl}$ ; e) принималось, что  $P_{\rm pl} = 25-500$  Вт.

## Уравнения для расчёта параметров плазмы и катушки индуктивности

Для расчёта электрических параметров плазменного витка и катушки индуктивности использовалась трансформаторная модель индукционного разряда НД [5, 6] при допущении постоянно-токовой аналогии [4] и пространственной (радиальной и азимутальной) однородности  $E_{\rm pl}$  и пренебрежении скин-эффектом.

P<sub>coil</sub> рассчитывалась как

$$P_{\rm coil} = I_{\rm coil}^2 R_{\rm coil}, \qquad (1)$$

где  $I_{coil}$  – ВЧ ток в катушке, а  $R_{coil}$  – активное сопротивление провода катушки, рассчитываемое как

$$R_{\rm coil} = \rho_{\rm w} l_{\rm coil}, \qquad (2)$$

где  $l_{coil}$  – длина провода катушки, определяемая как

$$l_{\rm coil} = 2(l_{\rm per} + H_{\rm per})N.$$
 (3)







В соответствии с трансформаторной моделью индукционного разряда выражение для ВЧ тока индуктора  $I_{\rm coil}$  имеет вид [6]

$$I_{\text{coil}} = \frac{\bar{E}_{\text{pl}} \Lambda_{\text{pl}} \sqrt{1 + Q_{\text{pl}}^2}}{\omega M}, \qquad (4)$$

где  $\Lambda_{\rm pl}$  – длина плазменного витка, определяемая как длина осевой линии замкнутой разрядной трубки,  $\bar{E}_{\rm pl}$  – усреднённая по сечению плазменного витка активная составляющая напряжённости ВЧ электрического поля в плазме, M – взаимная индуктивность плазменного витка и катушки индуктивности [5, 6]:

$$M = k \sqrt{L_{\text{coil}} L_{\text{ind}}} , \qquad (5)$$

где  $L_{\text{coil}}$  – индуктивность плоской катушки ( $D_{\text{coil}} >> H_{\text{coil}}$ ):

$$L_{\rm coil} = 0,56\mu_{\rm o}\pi D_{\rm coil}N^2,$$
 (6),

где  $H_{\text{coil}} \approx d_{\text{w}}$  – высота катушки,  $D_{\text{coil}} = (4S_{\text{coil}}/\pi)^{1/2}$  – эквивалентный диаметр катушки; k – коэффициент связи плазменного витка с катушкой, рассчитываемый, как отношение охватываемой витком катушки площади  $S_{\text{coil}}$  к площади, охватываемой плазменным витком,  $S_{\text{pl}}$  [5, 6]:

$$k = \frac{S_{\rm coil}}{S_{\rm pl}},$$

где  $Q_{\rm pl}$  – добротность плазменного витка, определяемая как

$$Q_{\rm pl} = \frac{\omega L_{\rm ind}}{R_{\rm pl}},$$

где  $R_{\rm pl} = P_{\rm pl}/I_{\rm pl}^2$  – активное сопротивление плазменного витка,  $I_{\rm pl}$  – разрядный ток лампы,  $L_{\rm ind}$  – геометрическая индуктивность плазменного витка [7]:

$$L_{\rm ind} = 2\pi D_{\rm pl} \left[ \ln \left( \frac{4D_{\rm pl}}{0.39d_{\rm pl}} \right) - 2 \right] \cdot 10^{-9},$$

где  $d_{\rm pl} \approx 0,75 d_{\rm t}$  – диаметр сечения плазменного витка,  $D_{\rm pl} = (4S_{\rm pl}/\pi)^{1/2}$  – эквивалентный диаметр охватываемого плазменным витком сечения площадью  $S_{\rm pl}$  [8].

Из (1)–(4) вытекает выражение, связывающее *P*<sub>coil</sub> с параметрами катушки и плазмы индукционного разряда:

$$P_{\text{coil}} = \frac{\left(\bar{E}_{\text{pl}}A_{\text{pl}}\right)^2 (1+Q_{\text{pl}}^2)\rho_{\text{w}}l_{\text{coil}}}{\left(\omega M\right)^2} .$$
 (7)

При этом, в приближении постоянно-токовой аналогии, в качестве значений  $\bar{E}_{\rm pl}$  при указанных выше давлениях аргона и паров ртути использовались соответствующие значения напряжённости электрического поля в положительном столбе ртутно-аргонового разряда переменного тока на частоте 50 Гц [9].

Уравнение (7) с учётом выражений (3), (5) и (6) можно привести к виду

$$P_{\rm coil} = \frac{\left(\bar{E}_{\rm pl}A_{\rm pl}\right)^2 (1+Q_{\rm pl}^2)\rho_{\rm w}(l_{\rm per}+H_{\rm per})}{0,28\mu_{\rm o}\pi D_{\rm coil}N(k\omega)^2 L_{\rm ind}}.$$
 (8)

# Результаты расчётов и их обсуждение

На рис. 2–5 приведены зависимости  $P_{coil}$  от  $P_{pl}$ , рассчитанные для ламп с вышеуказанными вариантами конструкций разрядной трубки и ВЧ индуктора.

Видно, что при относительно малых  $P_{\rm pl}$  во всех лампах  $P_{\rm coil}$  заметно падает с ростом  $P_{\rm pl}$ . С дальнейшим увеличением  $P_{\rm pl}$  это падение «замедляется» и при некотором значении  $P_{\rm pl} = P_{\rm pl,\ min} P_{\rm coil}$  достигает минимума  $P_{\rm coil,\ min}$ , а затем несколько возрастает с ростом  $P_{\rm pl}$ . Чем больше  $d_{\rm t}$ , тем при меньшем  $P_{\rm pl,\ min}$  достигается  $P_{\rm coil,\ min}$ .

Повышение *f* приводит к снижению  $P_{\rm coil}$  и сдвигает  $P_{\rm coil, \min}$  в сторону меньших  $P_{\rm pl}$ . Такое снижение следует из трансформаторной модели индукционного разряда, возбуждаемого на  $\omega << v_{\rm e}$ , т.к. при этом изменение  $\omega$  никак не сказывается на балансе мощности в плазме [4]. Соответственно,  $\bar{E}_{\rm pl}$ , а значит и ВЧ напряжение на плазменном витке  $U_{\rm pl}$  (=  $\bar{E}_{\rm pl}A_{\rm pl}$ ), не зависят от частоты  $\omega$ . В соответствии с трансформаторной моделью индукционного разряда ВЧ напряжение на катушке индуктивности  $U_{\rm coil}$  связано с  $U_{\rm pl}$  как  $U_{\rm coil} \approx U_{\rm pl}N/k^{1/2}$  [2, 6].

В то же время индуктивное сопротивление катушки  $\omega L_{\text{coil}}$ , где  $L_{\text{coil}}$  – индуктивность катушки, линейно растёт с ростом  $\omega$ . А поскольку ток  $I_{\text{coil}} \approx U_{\text{coil}}/(\omega L_{\text{coil}})$ , т.к.  $\omega L_{\text{coil}} >> R_{\text{coil}}$ , то он обратно пропорционален  $\omega$ , а  $P_{\text{coil}}$ , с учётом (1), обратно пропорциональна  $f^2$ . Это и показывают результаты расчёта  $P_{\text{coil}}$  при двух разных f, 3,4 и 5,1 МГц, для ламп с одинаковыми Рис. 5. Зависимость Р<sub>соі</sub> от Р<sub>р</sub>. d<sub>t</sub> = 16 и 25 мм; p<sub>Ar</sub> = 1,0 мм рт. ст.; N = 3; f = 1,7 МГц

Рис. 6. Зависимость КПД ВЧ индуктора (катушки)  $\eta_{coil}$ от  $P_{pl}$ .  $d_t$  = 16 и 25мм;  $p_{Ar}$  = 1,0 мм рт. ст.; N = 3; f = 1,7 МГц





конструктивными параметрами (рис. 2 и 3).

При этом также видно, что  $P_{coil}$  при относительно больших  $P_{pl}$  в лампе с  $d_t = 38$  мм может быть больше, чем в лампе с  $d_t = 25$  мм. Чем выше f, тем при меньших  $P_{pl}$  пересекаются кривые  $P_{coil}(P_{pl})$ , рассчитанные для ламп с разными  $d_t$ .

В низкотемпературной плазме НД повышение её мощности (фактически, концентрации электронов  $n_e$ ) сопровождается переходом ионизации от прямой к ступенчатой и, как следствие, уменьшением  $E_{pl}$  [4]. В индукционных бесферритных разрядах НД, возбуждаемых с помощью катушки индуктивности на частотах  $\omega \ll v_e$ , снижение  $\bar{E}_{pl}$  приводит к снижению  $U_{pl}$ , и, согласно (7) и (8), тем более  $P_{coil}$ .

Увеличение  $d_{\rm t}$ , от 16 до 25 мм снижает  $\bar{E}_{\rm pl}$  [2, 9], что, по (8), существенно снижает  $P_{\rm coil}$  (рис. 2 и 3), но увеличивает  $\Lambda_{\rm pl}$  и  $Q_{\rm pl}$ , и уменьшает (изза увеличения  $S_{\rm pl}$ ) k. В результате, как следует из (8) и рис. 2 и 3, зависимость  $P_{\rm coil}$  от  $d_{\rm t}$  носит сложный характер, с минимумом при повышенных  $P_{\rm pl}$  и f.

Повышение давления буферного газа (аргона) от 0,1 до 1,0 мм рт. ст. несущественно снижает  $E_{\rm pl}$  [9] и, в соответствии с (7) и (8),  $P_{\rm coil}$  (рис. 2 и 3).

Рост  $P_{\rm pl}$  (а, следовательно,  $I_{\rm pl}$  и  $n_{\rm e}$ ) сопровождается уменьшением  $R_{\rm pl}$ , что (при разумном допущении независимости  $L_{\rm ind}$  от  $I_{\rm pl}$ ) повышает  $Q_{\rm pl}$ (=  $\omega L_{\rm ind}/R_{\rm pl}$ ). При малых  $P_{\rm pl}$ , когда велико  $R_{\rm pl}$ ,  $Q_{\rm pl}$  низка (<0,1) и, согласно (7) и (8), не влияет на  $P_{\rm coil}$ . С ростом  $P_{\rm pl}$  и  $d_{\rm t}$  уменьшается  $R_{\rm pl}$  и  $Q_{\rm pl}$ , и, соответственно, растёт влияние последней на  $P_{\rm coil}$  и на характер зависимости  $P_{\rm coil}$  от  $P_{\rm pl}$ , которая из падающей становится возрастающей, образуя минимум (рис. 3). Аналогичные зависимости  $P_{coil}$  от  $P_{pl}$  с минимумом, смещающимся с ростом f и  $d_t$  в сторону меньших  $P_{pl}$ , экспериментально наблюдались в линейных бесферритных индукционных лампах, возбуждаемых с помощью катушки индуктивности на f = 6-12 МГц [10].

Как видно из рис. 4, увеличение N снижает  $P_{\text{coil}}$ , согласно (11).

# Сравнение результатов расчёта с экспериментом

Как видно из рис. 5, рассчитанные для обеих указанных ламп значения  $P_{\rm coil}$  с ростом  $P_{\rm pl}$  практически монотонно падают с 48 до 25 Вт при  $d_{\rm t}$  = 16 мм и с 35 до 12 Вт при  $d_{\rm t}$  = 25 мм. При этом экспериментальные зависимости  $P_{\rm coil}$  от  $P_{\rm pl}$  [2] (рис. 5) имеют по одному минимуму: слабо выраженному при  $P_{\rm pl,\,min}$  = 60 Вт в лампе с  $d_{\rm t}$  = 16 мм и ярко выраженному при  $P_{\rm pl,\,min}$  = 85 Вт в лампе с  $d_{\rm t}$  = 25 мм. Отметим, что в лампе с  $d_{\rm t}$  = 16 мм экспериментальные значения  $P_{\rm coil}$  близки к рассчитанным, а в лампе с  $d_{\rm t}$  = 25 мм значительно больше них.

Из рис. 5 также видно, что минимумы кривых  $P_{coil}(P_{pl})$  приходятся на заметно меньшие  $P_{pl}$  чем те, которые в индукционных разрядах с f = 1,7МГц соответствуют минимумам, связанным с повышением  $Q_{pl}$  с ростом  $P_{pl}$ . Представляется, что минимум и последующий рост  $P_{coil}$  в экспериментальных зависимостях  $P_{coil}$  от  $P_{pl}$ для обеих ламп связаны со скин-эффектом, проявляющимся в индукционных разрядах при f = 1-5 МГц и  $n_e > 10^{11}$  см<sup>-3</sup> [4, 10, 11].

Действительно, скин-эффект, «выталкивающий» ВЧ электрическое поле к стенкам разрядной трубки в месте расположения провода катушки, повышает  $\bar{E}_{pl}$  [4, 11], приводя этим к росту  $P_{coil}$ . Расхождение расчётных данных с экспериментальными, вероятно, связано с неучётом скин-эффекта в модели индукционного разряда.

Из рис. 6 видно, что в обеих рассматриваемых лампах при относительно малых  $P_{\rm pl} \eta_{\rm coil}$  с ростом  $P_{\rm pl}$  быстро растёт, далее асимптотически, при больших  $P_{\rm pl}$ , стремясь к 1. Различия в характере экспериментальных и рассчитанных зависимостей  $\eta_{\rm coil}$  от  $P_{\rm pl}$ в лампе с  $d_{\rm t}$  = 25 мм при  $P_{\rm pl}$  > 85 Вт, очевидно, связаны с неучётом скинэффекта в расчётной модели, приводящего к повышению  $P_{\rm coil}$  при таких  $P_{\rm pl}$ и соответствующему снижению  $\eta_{\rm coil}$ .

#### Заключение

• С использованием трансформаторной модели получены аналитические выражения, позволяющие рассчитывать мощность потерь в проводе катушки индукционного разряда НД  $P_{coil}$ , возбуждаемого на частотах  $\omega \ll v_e$  в бесферритной замкнутой трубке в смеси паров ртути и аргона.

• Обнаружено, что зависимость  $P_{coil}$  от  $P_{pl}$  имеет минимум, который сдвигается с увеличением диаметра разрядной трубки  $d_t$  и частоты ВЧ поля f в сторону меньших  $P_{pl}$ .

• Показано, что  $d_t$  влияет на  $P_{coil}$ «через» напряжённость электрического поля, добротность и длину плазменного витка и коэффициент связи катушки с плазменным витком.

• Установлено, что  $P_{coil}$  обратно пропорциональна числу витков катушки N и в исследованном интервале давлений 0,1–1,0 мм рт. ст. незначительно снижается с ростом давления инертного газа (аргона).

• Результаты расчётов  $P_{coil}$  и КПД катушки для бесферритной индукционной лампы с  $d_t = 16$  мм находятся в удовлетворительном согласии с экспериментом. Расхождения с экспериментом результатов аналогичных расчётов для лампы с  $d_t$  большего диаметра, 25 мм, при  $P_{pl} \ge 80$  Вт предположительно связаны с неучётом в трансформаторной модели индукционного разряда НД скин-эффекта, проявляющегося при повышенных  $P_{pl}$ .

• Полученные результаты могут использоваться для оптимизации конструктивных параметров (*d*<sub>t</sub> и длины разрядной трубки, *N*) и *f* ВЧ поля индукционных бесферритных ртутных УФ ламп НД.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Старшинов П.В., Попов О.А., Ирхин И.В., Левченко В.А., Васина В.Н. Индукционная УФ лампа на основе ртутного разряда НД в замкнутой бесферритной трубке // Светотехника. – 2019. – № 2. – С. 44–46.

2. Старшинов П.В., Попов О.А., Ирхин И.В., Васина В.Н., Левченко В.А. Электрические и излучательные характеристики индуционных бесферритных ртутных УФ ламп в замкнутых трубках // Вестник МЭИ. – 2019. – № 3. – С. 87–97.

3. Левченко В.А., Попов О.А., Свитнев С.А., Старшинов П.В. Электрические и излучательные характеристики лампы трансформаторного типа с разрядной труб-кой диаметром 16,6 мм // Светотехника.– 2016.– № 1. – С. 41–44.

4. *Райзер Ю.П.* Физика газового разряда. – М.: Наука, 1987. – 591 с.

5. Piejak R.B., Godyak V.A., Alexandrovich B.M. A Simple Analyses of an Inductive RF Discharge // Plasma Sources Sci. Technol.– 1992.– № 1. – P. 179–185.

6. *Popov O.A., Chandler R.T.* Ferrite-free High Power Electrodeless Fluorescent Lamp Operated at a Frequency of 160–1000 kHz // Plasma Sources Science and Technology.– 2002. – Vol. 11. – P. 218–227.

7. Gudmundsson J.T. and Lieberman M.A. Magnetic induction and plasma impedance in a cylindrical inductive discharge // Plasma Sources Sci. Tech.- 1997. - Vol. 6.-  $N_{2}$  4. - P. 540-550.

8. Попов О.А., Старшинов П.В., Васина В.Н. Исследование характеристик индукционного бесферритного ртутного разряда низкого давления в замкнутой трубке // Вестник МЭИ. – 2018. – № 4. – С. 89–96.

9. *Рохлин Г.Н.* Разрядные источники света. – М.: Энергоатомиздат. – 1991.– 720 с.

10. Свитнев С.А., Попов О.А., Левченко В.А., Старшинов П.В. Характеристики бесферритного индукционного разряда низкого давления. Часть 1. Электрические параметры индуктивной катушки // Успехи прикладной физики. – 2016. – № 2. – С. 139–149.

11. Никифорова В.А., Попов О.А. Влияние частоты ВЧ поля и разрядного тока на радиальное распределение параметров плазмы индукционного бесфер–ритного разряда в замкнутой трубке // Вестник МЭИ. – 2012. – № 1 – С. 108–114.



Ловля Екатерина Владимировна, студент кафедры «Светотехника» НИУ «МЭИ»



Попов Олег Алексеевич, доктор техн. наук. Окончил в 1965 г. МЭИ. Профессор кафедры «Светотехника» НИУ «МЭИ». Академик АЭН РФ